doi:10.3772/j.issn.1002-0470.2024.05.007

# 基于白鲨算法的七自由度机械臂动力学参数辨识①

倪洪杰② 张林峰 金哲豪 朱华中 刘安东

(浙江工业大学信息工程学院 杭州 310023)

摘要本文提出了基于白鲨算法(WSO)的关节机器人动力学参数辨识方法。首先,利用 SYMORO+软件建立了七自由度机械臂的动力学模型并将其转换为可辨识模型。其次,利用关节机器人的性质提取摩擦力矩进行摩擦模型辨识。然后,设计激励轨迹并让机器人跟踪该轨迹,用辨识摩擦模型计算关节力矩信号中的摩擦项并补偿。进而,采用最小二乘法(LS)估计器确定白鲨算法的搜索空间,并由白鲨算法迭代获得最优动力学参数。最后,在 Franka 协作臂进行了实验验证,结果表明所提方法相较于传统算法在规避局部最优解方面具有更好的表现,且得到的参数更准确。

关键词 动力学模型;摩擦模型;激励轨迹;参数辨识;白鲨算法(WSO)

如今机器人在生产生活中的应用已经有相当大的规模,存在许多机器人与人、机器人与环境的交互场景。基于模型的控制能充分考虑质量、时间、成本以及安全等因素,在诸多交互场景中有明显优势,因此有必要获取机器人的动力学模型。离线辨识方法是目前应用最广泛的机器人动力学参数获取方法,该方法在成本、精度方面都具有较好表现<sup>[1]</sup>。

离线动力学参数辨识方法流程包括建立动力学 模型、模型线性化、设计激励轨迹及轨迹优化、数据 采集与处理、参数辨识和模型验证。传统的辨识方 法通常采用最小二乘法(least sqaure, LS),但其受 噪声影响较大,且辨识参数非最优。张师源等人<sup>[2]</sup> 提出了一种多信息最小二乘法来进行辨识,每步迭 代利用了多个信息,有效减少了噪声的干扰,但是未 解决参数非最优问题。禹鑫燚等人<sup>[3]</sup>采用粒子群 算法(particle swarm optimization, PSO)进行辨识,利 用了其处理复杂和大规模参数辨识问题的性能,求 解动力学参数。针对激励轨迹,严浩等人<sup>[4]</sup>对传统 傅里叶级数进行改进,使得机器人关节速度、关节加 速度在启停时刻都为零,减小了机械臂的抖动,降低

了噪声的干扰。杜其通等人<sup>[5]</sup>提出了一种基于人 工神经网络的辨识方法,获得的参数相比最小二乘 法有较大提升。李植鑫<sup>[6]</sup>提出了利用卷积神经网 络补偿提高辨识模型精度的方法。Gans 和 Gans<sup>[7]</sup> 设计了一种新的激励轨迹优化的目标函数,相比传 统的以条件数为目标函数的方法有更高的效率。文 献[8]提出的改进的动力学参数迭代辨识方法,引 入了F统计量剔除贡献小的参数,在一定程度上提 高了辨识效率。冯利民等人<sup>[9]</sup>提出了基于迭代加 权最小二乘的辨识方法,一定程度上提高了辨识精 度。智能优化算法具有很好的适应性,能对各种非 线性问题进行求解,且具有一定的规避局部最优解 能力,所以本文采取这种辨识策略。相比粒子群算 法、人工蜂群法<sup>[10]</sup>等启发式算法,白鲨算法(white shark optimizer, WSO)<sup>[11]</sup>在规避局部最优以及计算 效率上具有更好的表现。为了保证算法效率,本文 利用最小二乘法确定参数搜索空间,然后采用白鲨 算法进行动力学参数辨识。

本文针对 Franka 协作臂进行动力学参数辨识。 首先建立机械臂动力学模型;然后确定机械臂的摩

① 国家自然科学基金(61973275)资助项目。

② 男,1978年生,博士,正高级工程师;研究方向:机电一体化,舞台装备智能化;联系人,E-mail: zlfnnn@163.com。 (收稿日期:2022-10-28)

擦模型,并利用电机的摩擦性质设计关节正反转实 验来获取摩擦力矩,并用单纯形法辨识摩擦模型;接 着用五次傅里叶作为激励信号,并以辨识模型观测 矩阵的条件数作为目标函数,优化得到激励轨迹参 数;然后控制机械臂跟踪激励信号,采集各关节的关 节角、角速度、角加速度和力矩,用采集的实际力矩 减去由摩擦模型获得的预测力矩,得到无摩擦力矩; 最后将采集信息滤波后,利用最小二乘算法+白鲨 算法获得了动力学参数,并用激励轨迹和测试轨迹 分别进行了模型验证。

### 1 问题描述

根据牛顿-欧拉方法<sup>[12]</sup>,机械臂动力学模型如下:

 $\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{M}(q)\ddot{q} + \boldsymbol{V}(q,\dot{q})\dot{q} + \boldsymbol{G}(q) + \boldsymbol{\tau}_{f}$ (1) 其中,  $\boldsymbol{M}(q) \, \langle \boldsymbol{V}(q,\dot{q}) \, \langle \boldsymbol{G}(q) \, \boldsymbol{\beta}$ 别表示质量矩阵、离 心力科氏力项以及重力项,  $\boldsymbol{\tau}_{f}$ 表示关节摩擦力矩。

由于摩擦项 7<sub>f</sub> 对模型辨识的精度有着较大影 响,所以本文将其单独辨识并补偿,从而使辨识惯性 参数更准确。经典的摩擦模型有库伦+粘滞模型、 LuGre<sup>[13]</sup>模型、Stribeck<sup>[14]</sup>模型等。库伦+粘滞模型 可以反映关节在中高速运动时的摩擦情况,但是对 于低速运动,其无法反映摩擦随速度变化的实际情 况;Lugre 摩擦模型引入了表示接触表面平均变形 量,但难以测量导致模型中的动态参数辨识变得困 难。文献[15]中提出的反曲摩擦模型对于模型连 续性和摩擦特征反映都具有较好的表现,但是忽略 了关节摩擦的 Stribeck 效应。同时对于 Franka 机械 臂,其粘滞摩擦可以忽略<sup>[15]</sup>,因此本文考虑如下的 摩擦模型:

 $\begin{cases} \frac{F(\mid \dot{q}_{0} \mid)}{\mid \dot{q} \mid} \dot{q} & \mid \dot{q} \mid < \mid \dot{q}_{0} \mid \\ F(\dot{q}) = (f_{c} + (f_{s} - f_{c})e^{-(\dot{q}/ts)^{2}})\operatorname{sgn}(\dot{q}) & \mid \dot{q} \mid > \mid \dot{q}_{0} \mid \\ \end{cases}$ (2)

为了获得可辨识模型,对牛顿-欧拉动力学方程 进行线性化:

是惯性参数堆叠成的向量。连杆 i 的惯性参数包括 惯量矩 ( $I_{xxi}$ ,  $I_{yyi}$ ,  $I_{zzi}$ ), 惯量积 ( $I_{xyi}$ ,  $I_{yzi}$ ,  $I_{xzi}$ ), 连杆 质量  $m_i$ , 质心矩 ( $m_{xyi}$ ,  $m_{yzi}$ ,  $m_{xzi}$ ) 和电机的转动惯 量  $IA_i$ 。

为了简化模型,对惯性参数进行重组<sup>[16]</sup>,剔除 了对关节力矩无贡献的参数和组合模型中系数相同 的惯性参数。因此,动力学模型可简化为

**τ**=**H**<sub>I</sub>**p**<sub>I</sub> +**τ**<sub>f</sub>(4) 其中, **p**<sub>I</sub> 为基参数向量, **H**<sub>I</sub> 为对应的系数矩阵。将 机械臂运行激励轨迹采集的 N 组数据(包括关节角

度、角速度、角加速度以及力矩信息)输入模型进行 堆叠,可以得到如下的辨识模型:

 $\boldsymbol{\tau}_{m} = \boldsymbol{H}_{m}\boldsymbol{p}_{I} + \hat{\boldsymbol{\tau}}_{f}$  (5) 其中, ( $\boldsymbol{\tau}_{m}$ )<sub>*a*·N×1</sub> 是实际关节力矩排列成的列向量, ( $\boldsymbol{H}_{m}$ )<sub>*a*·N×np</sub> 表示数据堆叠的观测矩阵, *a* 是机械臂关 节数量, *np* 是基参数向量  $\boldsymbol{p}_{I}$  的维度,  $\hat{\boldsymbol{\tau}}_{f}$  为根据所测 关节信息和摩擦模型得到的预测摩擦力矩。

本文针对 Franka 协作臂,基于 Stribeck 摩擦模 型做摩擦辨识,并根据辨识摩擦模型得到预测摩擦 力矩,将其从实测关节力矩中补偿。然后设计激励 轨迹进行优化,控制机械臂跟踪激励轨迹采集关节 信息。最后采用最小二乘算法 + 白鲨算法对协作臂 动力学参数进行辨识。

# 2 动力学参数辨识

本文的整体辨识框架如图 1 所示,包括基参数 辨识和摩擦模型辨识两部分。摩擦模型辨识部分设 计了机械臂关节正反转实验,提取出关节摩擦力矩 并输入辨识模型,优化得到摩擦模型的参数,由此可 得预测摩擦力矩  $\tau_f$ 。基参数辨识部分使机械臂按照 激励轨迹运动,采集关节角度 q、角速度  $\dot{q}$ 、角加速 度  $\ddot{q}$ 和力矩  $\tau$ ,滤波后  $\tau' = \tau_f$  作差,得到无摩擦力 矩,最后用最小二乘法 + 白鲨算法进行辨识。

#### 2.1 摩擦参数辨识

由文献[17]可知,惯性矩阵仅仅与对应时刻的 加速度相关,离心和科氏力项与关节速度和关节 位置有近似关系  $V(q_i,\dot{q}_i)\dot{q}_i \approx V(q_i, -\dot{q}_i)(-\dot{q}_i),$ 而重力项只与关节角度相关,所以针对 2 个关节速 度相反但关节位置相同的时刻  $t_1, t_2$ ,该关节的力 矩信号差与摩擦力矩有近似关系  $\tau_f(\dot{q}(t_1)) \approx$  $(\tau(q(t_1)) - \tau(q(t_2)))/2$ ,其中 $\tau_f$ 代表关节摩擦力 矩, $\tau$ 表示关节力矩。



图 1 动力学参数辨识框架

为了获得不同速度下的摩擦力矩,设计如下的 正反向匀速运动轨迹,控制每种速度情况下关节角 转动范围一致。然后对时间区间进行选择,获取速 度相反但位置相同的区域进行处理,进而获取摩擦 力矩。得到不同速度下的摩擦力矩后,构造如下目 标函数:



$$J = \sum_{i=1}^{n} \|\boldsymbol{\tau}_{f} - \hat{\boldsymbol{\tau}}_{f}\|^{2}$$
(6)

其中,*n* 代表数据组数,  $\tau_f$ ,  $\hat{\tau}_f$ 分别表示实际摩擦力 矩和预测摩擦力矩,利用单纯形算法进行优化得到 摩擦模型的参数  $p_f(\{f_e, f_s, v_s\})$ 。

#### 2.2 激励轨迹优化

机械臂的结构复杂、自由度高,为了使辨识的参数更准确,需要设计激励轨迹,充分激发机器人的性能,这样测量噪声对辨识精度的影响可以大幅降低。 目前最常用的激励轨迹是傅里叶信号,其优势在于 周期性激励以及对噪声不敏感,傅里叶信号表达式 如下:

$$\begin{cases} q_{i}(t) = q_{i0} + \sum_{l=1}^{n} \left( \frac{a_{i,l}}{w_{f}l} \sin(w_{f}lt) - \frac{b_{i,l}}{w_{f}l} \cos(w_{f}lt) \right) \\ \dot{q}_{i}(t) = \sum_{l=1}^{n} \left( a_{i,l} \cos(w_{f}lt) + b_{i,l} \sin(w_{f}lt) \right) \\ \ddot{q}_{i}(t) = w_{f} \sum_{l=1}^{n} \left( - a_{i,l} l \sin(w_{f}lt) + b_{i,l} l \cos(w_{f}lt) \right) \end{cases}$$

$$(7)$$

其中,  $w_f$  为基础频率,本文设为 0.1,周期  $T = 2\pi/w_f; a_{i,l}, b_{i,l}$  是未知的参数,影响傅里叶轨迹的幅 值; n 为傅里叶级数阶次,本文选择 n = 5。所以每 个关节对应 11 个参数,本文选用的 Franka 机械臂 7 个关节一共有 77 个参数,通过对线性模型中的观测 矩阵的条件数 cond(H) 进行优化得到这些参数。 这个优化问题可描述为

$$\min \ cond(H) \begin{cases} \mid q_i(t) \mid \leq q_{imax} \\ \mid \dot{q}_i(t) \mid \leq \dot{q}_{imax} \\ \mid \ddot{q}_i(t) \mid \leq \ddot{q}_{imax} \\ \mid \ddot{q}_i(t_0) = q_i(t_d) = 0 \\ \dot{q}_i(t_0) = \dot{q}_i(t_d) = 0 \\ \ddot{q}_i(t_0) = \ddot{q}_i(t_d) = 0 \\ \ddot{q}_i(t_0) = \ddot{q}_i(t_d) = 0 \end{cases}$$

$$(8)$$

其中, q<sub>imax</sub>、q<sub>imax</sub> 分别代表最大关节位置、最大 关节角速度和最大角加速度; t<sub>0</sub>、t<sub>d</sub> 表示起始时刻和 终止时刻。式(8)优化问题描述了搜索范围必须满 足机械臂的限制条件,同时为了使机器人平滑启停, 对初始关节信息和终止关节信息都作了约束。利用 遗传算法对该问题进行优化,优化5次得到5组参 数,并对各组参数生成的激励轨迹进行比较分析,挑选出一条最优激励轨迹。

#### 2.3 最小二乘法辨识动力学参数

让机械臂按照最优激励轨迹运动,采集轨迹信 息并滤波后用于惯性参数辨识。首先对关节传感器 力矩信号中的摩擦部分补偿,利用式(5)可得:

 $\boldsymbol{\tau}_{I} = \boldsymbol{H}_{m}\boldsymbol{p}_{I} = \boldsymbol{\tau}_{m} - \hat{\boldsymbol{\tau}}_{f}$  (9) 其中,  $\hat{\boldsymbol{\tau}}_{f}$  表示利用 2.1 节辨识的摩擦模型获得的预 测摩擦力矩, 然后利用最小二乘估计器解式:

$$\hat{\boldsymbol{p}}_{I} = \min_{\boldsymbol{p}_{I}} \|\boldsymbol{\tau}_{I} - \boldsymbol{H}_{\boldsymbol{m}}\boldsymbol{p}_{I}\|^{2}$$
(10)

获得基参数的一组解:

 $\hat{\boldsymbol{p}}_{I} = (\boldsymbol{H}_{m}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{H}_{m})^{-1} \boldsymbol{H}_{m}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\tau}_{I}$ (11)

3 基于白鲨算法的参数辨识

白鲨算法<sup>[11]</sup>被用于惯性参数 p<sub>1</sub> 的优化辨识。 该算法是一种由"鲨鱼狩猎"行为启发得到的全局 最优化算法,主要包括搜索猎物、朝最优猎物移动、 朝最好的鲨鱼位置移动以及模拟"鱼群行为"4 个环 节。白鲨算法辨识参数的整体流程如下所述。

首先,初始化鲨鱼种群位置产生 n 组惯性参数 p<sub>1</sub>的初始解,并设计适应度函数,计算每组参数的初 始适应值;其次,所有鲨鱼个体依据猎物信息进行移 动,得到新的 n 组惯性参数,计算各组新参数的适应 度值,若适应度值小于上一步,则更新参数信息,否 则不更新;然后,各参数更新后,第1条鲨鱼代表的 参数信息会以具有最优适应度值的参数为基准进行 更新,其余鲨鱼代表的参数会以其当前参数信息和 具有最优适应度值的参数信息为基准进行更新;至 此完成一步迭代,当到达最大迭代步数时,可得到最 优参数 p\*。

以下是具体优化过程。

(1)初始化鲨鱼群体

白鲨算法随机初始化 n 条鲨鱼位置信息,获得 n 组维度为 d 的动力学参数向量。由 2.3 节辨识出 的  $\hat{p}_i$ 决定了白鲨算法的搜索上界  $p^U$  以及搜索下界  $p^L_o$ 初始化参数可以用如下矩阵表示:

$$\boldsymbol{p}_{s} = \begin{bmatrix} p_{1}^{1} & p_{2}^{1} & \cdots & p_{d}^{1} \\ p_{1}^{2} & p_{2}^{2} & \cdots & p_{d}^{2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ p_{1}^{n} & p_{2}^{n} & \cdots & p_{d}^{n} \end{bmatrix}$$
(12)  
- 508 -

其中,元素 *p<sub>j</sub>*表示第*i*组惯性参数向量中第*j*个参数的值,其初始值依据式(13)在搜索范围内随机产生。

$$p_{j}^{i} = p_{j}^{L} + r \times (p_{j}^{U} - p_{j}^{L})$$
(13)

其中,  $p_j^U \approx p_j^L$ 分别代表第 j 个惯性参数的上下界, r 是[0,1]范围内的随机数。

(2)设计适应度函数

为了使参数朝利于缩小预测力矩与实际力矩偏差的方向优化,设计了如下的适应度函数 J:

$$J = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{N} \psi_{j} (\tau_{mi,j} - \hat{\tau}_{mi,j})^{2}$$
(14)

其中,  $\tau_{m,j}$ ,  $\hat{\tau}_{m,j}$  分别表示关节 *j* 的实测力矩和预测 力矩, *N* 代表采集的数据组数, *n* 表示关节数目,  $\psi_j$ 表示关节 *j* 的权重系数。

(3) 鲨鱼朝猎物运动

当鲨鱼通过它的感官捕捉到猎物信息后,它会 以"波运动"方式朝着猎物游去,这时参数的更新速 度可以用式(15)表示。

$$v_{k+1}^{i} = \mu \left[ v_{k}^{i} + a_{1} \left( p_{gbest_{k}} - p_{k}^{i} \right) \times c_{1} + a_{2} \left( p_{gbest_{k}}^{v_{k}^{i}} - p_{k}^{i} \right) \times c_{2} \right]$$
(15)

其中,  $v_{k+1}^{i}$  是第 i 组参数在 k + 1 步的更新速度,  $p_{gbest_{k}}$  表示第 k 步时已经获得的最优参数(n 组参数 中),  $p_{k}^{i}$ 代表第 k 步时第 i 组参数的值,  $p_{best}^{v^{i}}$  是第 i 组 参数的已知最优解,  $a_{1}$ 、 $a_{2}$  分别代表参数向全局最 优更新和向局部最优更新的权重,  $c_{1}$  和  $c_{2}$  是在[0, 1]范围内一致的随机数,  $\mu$  为算法中建议的收缩因 子,用于分析白鲨的收敛行为。 $a_{1}$ 、 $a_{2}$ ,  $\mu$  有如下定 义.

$$a_1 = a_{\max} + (a_{\max} - a_{\min}) \times e^{-(4k/\kappa)^2}$$
 (16)

$$a_2 = a_{\min} + (a_{\max} - a_{\min}) \times e^{-(4k/\kappa)^2}$$
 (17)

$$\mu = \frac{2}{|2 - \tau - \sqrt{\tau^2 - 4\tau}|}$$
(18)

其中, $k_{\kappa}$ 分别表示当前迭代步数和最大迭代步数,  $a_{\min}, a_{\max}$ 代表参数实现良好更新的权重界限,借鉴 文献[11], $a_{\min}, a_{\max}$ 分别为0.5和1.5,加速度系数  $\tau$ 为4.125。

考虑到猎物气味残留、猎物位置随机变动等因素,白鲨追寻猎物时位置更新也带有随机性,所以对应参数更新不仅仅依据更新速度 v<sub>k</sub>,还应该带入随

机性,其更新规则定义如下:

 $p_{k+1}^{i} = \begin{cases} p_{k}^{i} \cdot \neg \bigoplus p_{0} + p^{U} \cdot a + p^{L} \cdot b & rand > mv \\ p_{k}^{i} + v_{k}^{i}/f & rand < mv \end{cases}$ 

其中, $p_{k+1}^i$ 表示第k + 1步第i组参数的值,¬是求 反运算符,a、b是由0、1组成的d维二元向量, $p_0$ 是 由式(23)定义的逻辑向量,f表示参数更新频率, *rand*表示[0,1]内均匀分布的随机数, *mv*表示控制 参数更新的搜索强度。相关量的定义在下面给出。

 $a = \operatorname{sgn}(p_k^i - p^U) > 0 \tag{20}$ 

$$b = \operatorname{sgn}(p_k^i - p^L) < 0 \tag{21}$$

$$p_0 = \bigoplus (a, b) \tag{22}$$

$$f = f_{\min} + \frac{f_{\max} - f_{\min}}{f_{\max} + f_{\min}}$$
(23)

其中, ①代表按位异或运算符;  $a \downarrow b$  对参数在搜索空间中的任意性很重要, 能发掘探索空间的更多潜在可行解。 $f_{\min} \downarrow f_{\max}$ 表示参数更新的最小和最大频率,  $f_{\min} \eta f_{\max}$ 分别选择为 0.07 和 0.75。

$$mv = \frac{1}{(\alpha_0 + e^{(\kappa/2 - k)/\alpha_1})}$$
(24)

参数  $\alpha_0$  和  $\alpha_1$  分别是控制参数更新的探索和开采的 因子,都是正常数。mv 的大值禁止更多的搜索,mv 的小值促进了搜索空间中的搜索强度。因此,mv 值可以控制参数更新的搜索强度,从而有效地定位 最优解。因此,必须为函数 mv 找到合适的系数  $\alpha_0$ 和  $\alpha_1$  值。这里, $\alpha_0$  和  $\alpha_1$  分别可选为 6.25 和 100。

(4)朝最优白鲨运动

为了加强参数朝当前已知最优参数更新的行 为,定义如下的规则:

$$p_{k+1}^{i} = p_{\text{gbest}_{k}} + r_{1} \vec{D}_{w} \text{sgn}(r_{2} - 0.5) \quad r_{3} < S_{s}$$
(25)

sgn( $r_2 - 0.5$ ) 给出了搜索方向,变量  $r_1$ 、 $r_2$ 、 $r_3$  是介 于[0,1]范围内的随机数,  $\vec{D}_w$  是当前第 *i* 组参数与 已知最优参数解的相对位置矢量,  $S_s$  表示跟随已知 最优参数的强度,如下所示。

$$\vec{D}_w = | rand \times (p_{ghest_k} - p_k^i) |$$
(26)

$$S_s = |1 - e^{-(a_2 \times k/\kappa)}|$$
 (27)

其中, a2 是正值常数, 用于控制参数更新的开采和

探索行为, *a*<sub>2</sub> 的值选择为 0.005。同时,式(28)用 于模仿白鲨的鱼群行为,实现参数的更新。

$$p_{k+1}^{i} = \frac{p_{k}^{i} + \tilde{p}_{k+1}^{i}}{2 \times rand}$$
(28)

其中,  $\vec{p}_{k+1}^{i}$  是  $p_{k}^{i}$  (*i* > 1)依据式(25)得到的更新值。 迭代步数达到设定值时,可得最优参数集  $p^{*}$ 。

## 4 实验验证

(19)

如图 3 所示,本次实验所采用的机械臂是一款 七自由度机器人,为了获得其动力学模型,需要建立 其 D-H 参数表,其改进 D-H 参数(MDH)如表 1 所 示。



Franka控制接口(FCI)允许快速、直接地与机械臂和手部进行低级双向连接。它提供机器人的当前状态,并通过以太网连接的外部工作站PC实现控制。通过使用开源C++接口libfranka,可以使用5个不同的接口以1kHz的频率发送实时控制值:

1. 重力和摩擦补偿关节水平扭矩命令。

2. 关节位置或速度命令。
 3. 笛卡尔姿态或速度命令。

图 3 Franka 机械臂

表1 Franka 机械臂 MDH 参数表

i	a∕m	d∕ m	α	θ
1	0	$d_1 = 0.333$	0	$\theta_1$
2	0	0	$-\pi/2$	$\theta_2$
3	0	$d_3 = 0.316$	$\pi/2$	$\theta_3$
4	$a_4 = 0.0825$	0	$\pi/2$	$ heta_4$
5	$a_5 = -0.0825$	$d_5 = 0.384$	$-\pi/2$	$\theta_5$
6	0	0	$\pi/2$	$\theta_6$
7	$a_7 = 0.088$	0	$\pi/2$	$\theta_7$
8	0	$d_f = 0.107$	0	0

#### 4.1 摩擦参数辨识

本次实验将速度分别设置为 0.001,0.005, 0.01,0.012,0.014,0.016,0.018,0.02,0.03,0.04, 0.05,0.06,0.07,0.08,0.09,0.1,0.12,0.14,0.16, — 509 — 0.18,0.2,0.23,0.26,0.29,0.32,0.36,0.4,0.45, 0.5,0.56,0.62,0.7,0.8,1.0,1.2,1.5,1.8(rad/s), 根据2.1节获取不同速度下的摩擦力矩,重复6次 获得6组实验数据,然后利用单纯形法进行优化得 到表2所示摩擦模型的参数。

根据辨识的摩擦模型,预测摩擦力与实际采样 摩擦之间的关系如图4所示。由图4可以发现关节 1、2、3、7的 Stribeck 效应比较明显,采用模型式(2) 对动力学参数辨识过程中摩擦进行补偿较为合理。 表 2 Franka 各关节摩擦参数表

关节 i	$f_c$	$f_s$	$v_s$
	$(N \cdot m/\deg \cdot s^{-1})$	$(N \cdot m/deg \cdot s^{-1})$	$(N \boldsymbol{\cdot} m/deg \boldsymbol{\cdot} s^{-1})$
1	0.2153	0.3834	-0.0729
2	0.1691	0.2567	0.0603
3	0.2195	0.3760	0.0474
4	0.1056	0.0790	0.0892
5	0.6047	0.3062	6.046 3 $\times 10^{-4}$
6	0.2996	0.3823	-0.0510
7	0.1883	0.3854	0.0938



#### 4.2 激励轨迹及数据处理

利用 Matlab 中 fmincon()函数对激励轨迹的优化问题进行求解,重复5次后筛选出最优激励轨迹如图5所示。



让机器人按照激励轨迹运动,以 100 Hz 的频率 采集机器人的关节信息。其中,关节角度和角速度 — 510 — 可以通过内部控制器直接获得,加速度信息可根据 速度用中值差分方法获得。由于 Franka 机械臂各 个关节都带有力传感器,能直接获取关节力矩,可在 一定程度上避免噪声的干扰;至此,得到了辨识模型 中的所有必需信息。

实际测得的信号是带有噪声的,尤其是力矩信 息和通过差分方法得到的加速度信息受噪声影响较 大,所以在其用于辨识前应进行滤波。对于关节角 和关节角速度,采用截止频率为0.5的低通滤波器; 采用 RLOESS 平滑滤波对关节角加速度和力矩进行 滤波,span 值设置为0.02。

#### 4.3 参数辨识

由于七自由度机器人的动力学模型很复杂,本 文借助 SYMORO +软件<sup>[18]</sup>获取 Franka 机械臂的动 力学模型以及基参数集。将 Franka 机械臂的 MDH 参数以及动力学参数的自定义符号表达输入 SY-MORO +即可得到如表 3 所示的基参数集。

关节1	关节2	关节 3	关节4	关节5	关节6	关节7
/	I <sub>xx2r</sub>	I <sub>xx3r</sub>	$I_{xx4r}$	I <sub>xx5r</sub>	I <sub>xx6r</sub>	I <sub>xx7r</sub>
/	$I_{xy2r}$	$I_{xy3}$	$I_{xy4r}$	$I_{xy5}$	$I_{xy6}$	$I_{xy7}$
/	$I_{xz2}$	$I_{xz3}$	$I_{xz4}$	$I_{xz5}$	$I_{xz6}$	$I_{xz7}$
/	$I_{yz2}$	$I_{yz3}$	$I_{y_{24}}$	$I_{yz5}$	$I_{y_{26}}$	$I_{yz7}$
$I_{zz1r}$	$I_{zz2r}$	$I_{zz3r}$	$I_{zz4r}$	$I_{zz5r}$	I <sub>zz6r</sub>	I7
/	mx2r	mx3	mx4r	mx5	mx6	mx7
/	my2r	my3r	my4r	my5r	my6r	my7
/	/	$IA_3$	$I\!A_4$	$I\!A_5$	$I\!A_6$	$IA_7$

表 3 Franka 机械臂基参数表

其中带 'r' 的为重组参数,各参数具体表达式为

 $I_{zz1r} = IA_1 + D_3^2 \times (M_3 + M_4 + M_5 + M_6 + M_7) + I_{zz2}$  $+I_{-1}$  $I_{xx^{2}r} = -(D_{3}^{2} \times (M_{3} + M_{4} + M_{5} + M_{6} + M_{7})) + I_{xx^{2}}$  $-I_{yy2} + I_{yy3}$  $mx2r = D_3 \times (M_3 + M_4 + M_5 + M_6 + M_7) + mx2$ my2r = my2 - mz3 $I_{m2r} = D_3 \times mz_3 + I_{m2}$  $I_{zz_{2r}} = IA_{2} + D_{3}^{2} \times (M_{3} + M_{4} + M_{5} + M_{6} + M_{7}) + I_{yy3}$  $+ I_{-2}$  $I_{m3r} = D_5^2 \times (M_5 + M_6 + M_7) + 2 \times mz4 \times RL_4 +$  $(M_4 + M_5 + M_6 + M_7) \times RL_4^2 + I_{xx3} - I_{yy3} + I_{yy4}$  $I_{m3r} = D_5^2 \times (M_5 + M_6 + M_7) + 2 \times mz4 \times RL_4 +$  $(M_4 + M_5 + M_6 + M_7) \times RL_4^2 + I_{334} + I_{334}$  $my3r = my3 - mz4 - (M_4 + M_5 + M_6 + M_7) \times RL_4$  $I_{xx4r} = -(D_5^2 \times (M_5 + M_6 + M_7)) + 2 \times mz5 \times RL_5$  $+ (M_5 + M_6 + M_7) \times RL_5^2 + I_{rrd} - I_{rrd} + I_{rr5}$  $I_{xx4r} = -(D_5 \times mz5) - D_5 \times (M_5 + M_6 + M_7)$  $\times RL_5 + I_{m4}$  $I_{z=4r} = 2 \times mz5 \times RL_5 + (M_5 + M_6 + M_7) \times (D_5^2 + RL_5^2)$  $+ I_{yy5} + I_{zz4}$  $mx4r = D_5 \times (M_5 + M_6 + M_7) + mx4$  $my4r = my4 + mz5 + (M_5 + M_6 + M_7) \times RL_5$  $I_{xx5r} = I_{xx5} - I_{yx5} + I_{yx6}$  $I_{zz5r} = I_{yy6} + I_{zz5}$ my5r = my5 - mz6 $I_{xx6r} = 2 \times mz7 \times RL_7 + M_7 \times RL_7^2 + I_{xx6} - I_{yx6} + I_{yy7}$  $I_{zz6r} = 2 \times mz7 \times RL_7 + M_7 \times RL_7^2 + I_{yy7} + I_{zz6}$  $my6r = my6 - mz7 \times RL_7$  $I_{xx7r} = I_{xx7} - I_{yy7}$ 

利用滤波后的关节信息,可以获得式(9)中的 矩阵  $H_m$  以及  $\tau_l$ ,然后根据式(11)利用最小二乘算 法求得惯性参数  $\hat{p}_l$ ,根据  $\hat{p}_l$ 可确定参数的搜索范围 为 ± 5 ×  $|\hat{p}_l|$ 。本文将经典粒子群算法<sup>[3]</sup>(PSO)以 及遗传算法<sup>[19]</sup>(genetic algorithm,GA)用于与白鲨 算法(WSO)对比,通过多次实验确定 3 种算法的 最大迭代步数,分别将 PSO 最大迭代步数设置为 800,GA 算法最大迭代步数设置为 460,WSO 算法 最大迭代步数设置为3 000;然后对同一目标函数 (式(14))进行优化,验证白鲨算法的优势。图 6 是 3 种算法的迭代图。



最终得到3种算法优化下各个关节的均方根误 差(root mean square error, RMSE)以及7关节均方 根误差之和, 如表4所示。

表 4 3 种算法获得参数的 RMSE 值/(N·m)

关节 i	WSO	PSO	GA
1	0.7793	0.7113	0.9679
2	1.0383	1.1050	1.5985
3	0.9437	1.2134	1.6917
4	1.3948	1.3306	1.4398
5	0.7915	0.8796	0.8835
6	0.5328	0.5930	0.5974
7	0.1799	0.2902	0.2310
均方根误差和	5.6602	6.1230	7.4097

分析可知,白鲨算法求解得到的参数相比另外 2种智能算法更优,这得益于其规避局部最优解的 能力。本文初始化鲨鱼群体为150,依据式(13)获 得各鲨鱼个体代表的惯性参数的初始值,再结合 式(14)的适应度函数,利用白鲨算法经过3000步 迭代后得到最终的惯性参数如表5所示。

其中,惯量积、惯量矩以及电机转动惯量的单位 均为 kg · m<sup>2</sup>,质心矩的单位为 kg · m。

Izz1r	0.4299	$I_{xx4r}$	0.9144	I <sub>xx6r</sub>	-0.0869
$I_{xy2r}$	1.0633	$I_{xy4r}$	0.5259	$I_{xy6}$	-0.004 3
$I_{xy2r}$	0.1049	$I_{xz4}$	0.1070	$I_{xz6}$	-0.0289
$I_{xz2}$	-0.0713	$I_{yz4}$	-0.2499	$I_{yz6}$	-0.0089
$I_{yz2}$	-0.2587	$I_{zz4r}$	1.3531	I <sub>zz6r</sub>	0.0700
$I_{zz2r}$	2.4908	mx4r	0.6146	mx6	-0.1396
mx2r	-0.0612	my4r	-1.7548	my6r	0.084 3
my2r	2.9638	$I\!A_4$	-1.1123	$IA_6$	-0.068 5
$I_{xx3r}$	-0.3161	$I_{xx5r}$	-0.005 1	$I_{xx7r}$	-0.005 2
$I_{xy3}$	-0.0333	$I_{xy5}$	0.0390	$I_{xy7}$	6.940 5 × 10 <sup>-6</sup>
$I_{xz3}$	-0.3868	$I_{xz5}$	0.0024	$I_{xz7}$	-0.0022
$I_{yz3}$	-0.3327	$I_{yz5}$	-0.1399	$I_{yz7}$	-0.0020
I <sub>zz3r</sub>	0.2130	I <sub>zz5r</sub>	0.0559	$I_{zz7}$	$-3.7505 \times 10^{-5}$
mx3	-0.6418	mx5	0.0027	mx7	$-2.2546 \times 10^{-4}$
mx3r	-0.0585	mx5r	-0.1183	my7	-0.001 1
$IA_3$	-0.1830	$IA_5$	-0.0015	$IA_7$	-0.002 1

白鲨算法迭代所得惯性参数表

参数

值

值

表 5

值

参数

参数

为了验证所得参数的准确性,分别将辨识模型 应用于激励轨迹和测试轨迹,将得到的预测力矩与 实际力矩进行对比,图7、图8分别是2种轨迹下的 模型验证图。



图 7 激励轨迹下模型验证图



图 8 测试轨迹下模型验证图

从图中可看出,依据辨识模型,不论是激励轨迹 下还是测试轨迹下进行验证,机械臂各个关节的预 测力矩与实际力矩偏差均较小;除关节5外,其余关 节的预测力矩与实际力矩几乎一致。所以本研究辨 识所得惯性参数较为可靠,依据白鲨算法辨识机械 臂动力学参数的方法切实可行。

## 5 结论

本文采用最小二乘 + 白鲨算法对 Franka 机械 臂的动力学参数进行辨识。首先利用 SYMORO + 软件对机器人进行建模以及基参数提取;接着辨识 出其 Stribeck 摩擦模型;然后以 5 次傅里叶轨迹作 为激励轨迹并依据条件数进行优化得到激励轨迹参 数;运行激励轨迹采集关节信息并滤波处理,最后结 合辨识摩擦模型,利用最小二乘法估计器确定白鲨 算法的搜索范围并进行迭代得到最优参数。可以看 出,辨识所得模型比较可靠,关节 2 ~ 4 的力矩误差 几乎可以忽略不计,并且采用白鲨算法得到参数的均 均方根误差比粒子群算法和遗传算法得到参数的均

#### 参考文献

- WU J, WANG J S. An overview of dynamic parameter identification of robots[J]. Robotics and Computer Integrated Manufacturing, 2010,26(5):414-419.
- [2] 张师源,戴骏,邓华. 六自由度机械臂的动力学参数辨 识[J]. 制造业自动化, 2021,43(3):35-39.
- [3] 禹鑫燚,詹益安,洪学劲峰,等. 基于粒子群算法的6
   自由度机械臂动力学模型参数辨识[J]. 高技术通讯, 2017,27(7):625-632.
- [4] 严浩,白瑞林,吉峰. 一种改进的 SCARA 机器人动力 学辨识方法[J]. 中国机械工程, 2017,28(22):2707-2713.
- [5] 杜其通,刘朝雨,闵剑,等. 基于人工神经网络的动力
   学参数辨识法[J]. 高技术通讯, 2020, 30(5):495-500.
- [6]李植鑫.工业机器人负载辨识技术研究[D].广州:广州;广
   州大学, 2022.
- [7] JIN J, GANS N. Parameter identification for industrial robots with a fast and robust trajectory design approach
   [J]. Robotics and Computer Integrated Manufacturing, 2015,31(1):21-29.
- [8]朱成耀,张波.改进的动力学参数迭代辨识方法[J]. 机械与电子,2022,40(7):75-80.

动力学参数辨识[J]. 现代制造工程, 2022(4):37-44

- [10] 肖晓,王明春,张雨飞,等. 基于改进人工蜂群算法的 非线性系统参数辨识[J]. 工业控制计算机, 2019,32 (11):65-67.
- [11] BRAIK M, HAMMOURIA, ATWAN J, et al. White shark optimizer: a novel bio-inspired metaheu-ristic algorithm for global optimization problems [J]. Knowledge-Based Systems, 2022,243(3):1-29.
- [12] 蔡自兴. 机器人学[M]. 北京:清华大学出版社, 2005;20-40.
- [13] DE WIT C C, OLSSON H, ASTROM K J, et al. A new model for control of systems with friction [J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 1995, 40 (3): 419-425.
- [14] 李国丽,李浩霖,王群京,等. 永磁球形电机 Stribeck 摩 擦模型参数辨识[J]. 电机与控制学报, 2022, 26(4): 121-130.
- [15] GAZ C, COGNETTI M, OLIVA A A. Dynamic identifi-

cation of the Franka emika panda robot with retrieval of feasible parameters using penalty-based optimization[J]. IEEE Robotics and Automation Letters, 2019, 4 (4): 4147-4154.

- [16] 霍伟. 机器人动力学与控制[M]. 北京:高等教育出版社, 2004.
- [17] DONG J W, XU J M. Dynamic identification of industrial robot based on nonlinear friction model and LSSOS algorithm [J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 2021,70(5):1-12.
- [18] KHALIL W, VIJAYALINGAM A. OpenSYMORO: an open-source software package for symbolic modelling of robots[C] // 2014 IEEE/ASME International Conference on Advanced Intelligent Mechatronics. Besançon, France: IEEE, 2014:1206-1211.
- [19] 孙玉阳,周波,孟正大. 基于遗传算法的工业机器人动力学参数辨识[J]. 工业控制计算机,2017,30(9):1-3.

# Dynamic parameters identification of 7-DOF manipulator based on white shark algorithm

NI Hongjie, ZHANG Linfeng, JIN Zhehao, ZHU Huazhong, LIU Andong

(College of Information Engineering, Zhejiang University of Technology, Hangzhou 310023)

#### Abstract

A dynamic parameter identification of joint robots based on white shark optimizer (WSO) is proposed. Firstly, the dynamic model of the 7-DOF manipulator is established by using SYMORO + and converted to an identifiable model. Secondly, the friction torque is extracted by the nature of the joint robot and used for identification of friction-model. Then, the excitation trajectory is designed for the robot to track, and the friction term in the joint moment signal is calculated and compensated by using the identified friction model. Furthermore, a least squares (LS) estimator is used to determine the search space of the white shark algorithm, and the optimal dynamic parameters are obtained iteratively by the white shark algorithm. Finally, the experimental results on Franka show that the proposed method performs better than the traditional algorithm in avoiding the local optimal solution, and the parameters obtained are more accurate.

**Key words**: dynamic model, friction model, excitation trajectory, identification of parameters, white shark optimizer (WSO)